

معرفی یک تابع مطلوبیت برای دستیابی به کیفیت Six sigma

مهندسين اغلب برای رسیدن به سطح بالایی از روند تولیدات و یا کیفیت Six sigma، به بهینه سازی و ارزیابی فرآیندهایی می پردازند که دارای ویژگی های کیفی متعددی هستند. توابع فعلی کیفیت در عین اینکه می توانند در تحقق بخشیدن به اهداف چند گانه موثر واقع شوند دارای نقاط ضعفی نیز هستند. یکی از این نقاط ضعف و محدودیت ها این است که توابع فعلی نمی توانند توضیح روشنی برای اثر مشترک میانگین و پراکندگی کیفیت داشته باشند. به همین دلیل مهندسين که هنگام تولید محصولات، از این توابع استفاده می کنند یا نمی توانند به محصولات مورد نظر خود برسند و یا در صورت تولید این محصولات، آنها را با صرف هزینه های اضافی بدست می آورند. در این مقاله تابع مطلوبیتی مطرح شده است که فاقد این نقاط ضعف است. این تابع پیشنهادی قادر است با توجه به فرضیاتی که در مبحث Six sigma مطرح است « محصول موثر »^۱ را تخمین بزند.

همچنین بهتر از توابع دیگر می تواند میزان تغییرات را توجیه کند. برای آنکه متوجه شوید این تابع پیشنهادی تا چه اندازه می تواند به شما در رسیدن به سطح بالاتری از کیفیت کمک کند و در ارزیابی دقتی قابلیت های فرآیند یاری تان نماید مثالی درباره جوش کاری قوسی برای شما ارائه داده ایم.

¹Effective yield

توجه: yield به معنی بازده نیز هست اما در این متن در همه جا این کلمه به صورت «محصول» ترجمه شده است.

ما معتقدیم هنگامی که داده‌های مربوط به پراکندگی در دسترس شما قرار دارد بهتر است از این تابع مطلوبیت برای تسهیل بخشیدن به بهینه‌سازی چند معیاری استفاده کنید.

Copyright © 2003 John Wiley & Sons, Ltd

کلمات کلیدی:

: multicriterion optimization

بهینه‌سازی چند معیاری

: response surface methodologh

روش سطحی جواب

: robust design

طراحی نیرومند - طراحی درست و صحیح

۱ - مقدمه

مهندسين هنگام طراحی محصولات یا فرآیندها، پارامترهای طراحی x_1, x_2, \dots, x_p را به گونه‌ای طراحی می‌کنند که منجر به ترکیب مناسبی از ویژگی‌ها یا معیارهای کیفی y_1, y_2, \dots, y_m بشود. برای مثال در جوش کاری قوسی، مهندس هنگام تولید قسمت خاصی از یک محصول، باید سرعت حرکت و زاویه مشعل جوشکاری را به گونه‌ای تنظیم کند که میزان گودافتادگی، تحدب و زمان چرخه، مطلوب شود. هدف روش‌های سطحی جواب یا RSM ها، مدل‌سازی ویژگی‌های فرآیند است به طوری که بتوان هنگام بهینه‌سازی فرآیند از این مدل‌ها بهره گرفت. (برای اطلاع بیشتر به Box &

Draper, Khuri & cornell و Myers & Montagomery رجوع کنید). این نوع مدل‌سازی مستلزم تجربه است. هر فردی با استفاده از RSM ها می‌تواند مدل‌هایی را درباره ویژگی‌های فرآیندی که در حال مطالعه‌اش است ایجاد کند و میزان تغییرپذیری فرآیند را تخمین بزند. در کنار این مدل‌ها باید با استفاده از اطلاعاتی که قابل حصول هستند اهداف خاص را مشخص کرد. بطوری که پس از بهینه‌سازی این اهداف، آن چیزی که حاصل می‌شود واقعاً یک محصول مطلوب باشد.

توابعی که مجموعه‌ای از ویژگی‌ها را به یک هدف خاص تبدیل می‌کنند توابع مطلوبیت نام دارند و به صورت $D(y_1, y_2, \dots, y_m)$ نوشته می‌شوند. منابعی که درباره توابع مطلوبیت وجود دارند عبارتند از: castillo و همکارانش، Derringer ، Derringer &

kim & Lin ، Harrington ، suich توجه داشته باشید توابع مطلوبیت معمولاً دربارهٔ بسته [۱ و ۰] قرار دارند.

اولین توابع مطلوبیت توسط هارینگتون (Harrington) مطرح شدند. وی توابع توان دار را برای محاسبه مطلوبیت‌هایی در نظر گرفت که با معیارهای فردی^۱ y_i همراه بودند و استفاده از میانگین هندسی را برای ارزش‌گذاری این معیارها و محاسبهٔ مطلوبیت کل در نظر گرفت. Derringer & suich ، فرم‌های توابعی و طرح‌های ارزش‌گذاری به متد هارینگتون را مورد انتقاد قرار دادند زیرا به اعتقاد آنها این فرم‌ها و متدها بیش از اندازه سخت بودند. در عوض، این افراد مجموعه توابعی را معرفی کردند که به کمک آنها می‌شود ارزش هدف^۲ را در هر منطقه‌ای بین مشخصات محصول قرار داد. برای ایجاد سهولت در کار، castillo و همکارانش مطلوبیت معیارهای فردی ذکر شده توسط Derringer را بسط و توسعه دادند. این عمل بسیار سودمند بود زیرا باعث شد مهندسين و طراحان مبتنی بر گرادیان (based – gradient) هنگام بهینه‌سازی توابع مطلوبیت عملکرد بهتری داشته باشند. kim و Lin توابع قبلی را که دربارهٔ مطلوبیت وجود داشت مورد انتقاد قرار دادند زیرا به اعتقاد آنها این توابع به وابستگی بین y_i حساسیت داشتند همچنین توابع اصلاح شده‌ای را برای معیارهای فردی پیشنهاد دادند

individual criteria

target value

که به کمک آنها می توان خطاهای احتمالی RSM را پیش بینی کرد. اخیراً روش های Six sigma و مفاهیم طراحی مربوط به آن تأثیر بسزایی بر روی طراحی فرآیندها دارند. هدف Six sigma این است که ورودی های x_1, x_2, \dots, x_p را به گونه ای تعیین می کند که میانگین و واریانس ویژگی های طراحی منجر به ایجاد درصد بالایی از واحدهایی شوند که با ویژگی طراحی مطابقت داشته باشند (حتی زمانی که فرآیند به طور پیش بینی نشده ای تغییر کند).

بنابراین مفهوم «مطلوبیت» در طراحی محصول الزاماً به معنای کنش متقابل بین میانگین و واریانس ویژگی های خاص است. مهمترین ایرادی که از تعریف قطعی استاندارد Six sigma می توان گرفت این است که استاندارد عموماً بر حسب یک معیار کیفی واحد تعریف شده است (رجوع شود به Harry). انگیزه ی مهمی که باعث شده است تابع مطلوبیت جدیدی در این مقاله مطرح شود این است که بتوان تعریف گسترده ای از کیفیت Six sigma ارائه داد و این استاندارد را به گونه ای تعمیم داد که معیارهای چندگانه را نیز در برگیرد. به طور کل ممکن است بعضی از معیارها؛ مشخصات محصول همخوانی نداشته باشند و برخی دیگر مربوط به هدفی بشوند که محصول یا فرآیند به خاطر آن طراحی شده است هدف، بدست آوردن تابع مطلوبیتی است که بعد از حل آن مشخص شود که آیا طراح محصول یا فرآیند به سطح کیفی Six sigma رسیده است یا خیر.

به طور خلاصه، تحقیقاتی که بر روی توابع مطلوبیت صورت گرفته است منجر به ایجاد توابع مطلوبیت انعطاف پذیری شده است: توابعی که اجازه می دهند تکنیک های تحقیقاتی based – gradient (مبتنی بر گرادیان) عملکرد خوبی داشته باشند و نیز باعث می شوند وابستگی هایی که به دلیل کمبود اطلاعات به وجود می آیند تأثیر کلی بر روی تصمیم گیری داشته باشند اما این توابع و روش RSM نیز دارای نقاط ضعف مهمی هستند که عبارتند از:

□ اغلب RSM هایی که برای مدل سازی ارزش های میانگین فرآیند به کار می روند، می توانند اطلاعاتی را درباره ی میزان تغییر پذیری فرآیند در اختیار کاربر قرار دهند. اکثر اوقات یک کنش و تأثیر متقابل بین میانگین و انحراف معیار وجود دارد و این دو تأثیر بسزایی بر روی محصول و در نتیجه میزان سوددهی دارند. ما معتقدیم بهینه سازی همزمان چند میانگین و واریانس با استفاده از توابع مطلوبیت استاندارد مشکل آفرین است زیرا اهمیت نسبی هر یک از این میانگین ها تا حد زیادی به واریانس ویژگی ها بستگی دارد.

□ همانگونه که در بخش ۴ نشان خواهیم داد (بخش مورد پژوهش) روش های فعلی به راحتی به ایجاد موقعیت هایی می انجامد که نمی توان در این موقعیت ها اهداف کیفی را تحقق بخشید.

□ تفسیر توابع موجود سخت و دشوار است. در جدول (۱) بعضی از ارزش‌های معیار مطلوبیت به متد هارینگتون تفسیر شده‌اند اما بقیه افراد نتوانسته‌اند با توجه به استانداردهای صنعتی، تفسیر واضح و روشنی از توابع خود ارائه دهند.

□ در مبحث مطلوبیت، رابطه‌ای بین مطلوبیت و سود یا بهره مورد انتظار به طور کامل مورد بررسی قرار گرفته است. با توجه به اینکه توابع مطلوبیت با محصول (و در نتیجه با سود) متناسب نیستند این احتمال وجود دارد که با توصیه‌هایی که در این‌باره می‌شود حتی نتوان به طور تقریبی سود مورد انتظار را به حداکثر رسانید.

علاوه بر این، مبحث «به حداکثر رساندن محصول» (Barton , tsui , plante) باعث ایجاد اهداف سودمند و بالقوه‌ای شده است. ولی این روش‌ها نمی‌توانند برای ویژگی‌هایی که هیچ مشخصه‌ای برایشان وجود ندارد به کار روند. از این رو استفاده از این ویژگی‌ها برای ایجاد تابع مطلوبیت یک محصول موثر، ادامه‌ای از کارهای قبلی به حساب می‌آید.

به خاطر داشته باشید روش دیگری که برای بهینه‌سازی معیارهای چندگانه وجود دارد که به عبارتست از «برنامه‌ی پشتیبانی از تصمیم» یا DSP یعنی تصمیم بر روی انتخاب‌هایی که برتر از انتخاب‌های فعلی و شناخته شده نیستند. DSP دارای امتیازات مهمی است اما مهندسين معتقدند که روش‌های مطلوبیت آسانتر هستند (برای اطلاع بیشتر به castillo و همکاران، و هارینگتون مراجعه کنید) همچنین توابع مطلوبیت را می‌توان در کنار DSP مورد استفاده قرارداد. در این مقاله ما تابع مطلوبیتی را ارائه داده‌ایم که نقاط ضعف سایر توابع را ندارد. برخلاف دیگر توابع مطلوبیت موجود، تابع

پیشنهادی ما تفسیر حدسی و ساده‌ای دارد زیرا این تابع قادر است قسمت‌هایی را که با فرضیات موجود تطابق دارد پیش‌بینی کند. در بخش اول مقاله، فرمول‌های مربوط به این تابع را مورد بررسی قرار می‌دهیم سپس مثالی ارائه می‌دهیم که در آن تابع پیشنهادی ما به کار رفته است. در پایان نیز مزایا و معایب این تابع را نسبت به دیگر توابع موجود مورد بررسی و مقایسه قرار می‌دهیم.

۲- بررسی و مرور مبحث توابع مطلوبیت

در این بخش در نظر داریم موضوع تابع مطلوبیت را مورد مرور و بررسی قرار دهیم. در متد هارینگون، محاسبه تابع مطلوبیت شامل دو مرحله می‌شود. در مرحله اول به منظور تعیین مطلوبیت فردی، هر معیار و جواب تحت بررسی قرار می‌گیرد. معیارها دو نوع هستند: معیارهای دو طرفه (two-sided criteria) که مقادیر قابل قبول آنها هم به حد تعیین بالا^۱ و هم حد تعیین پایین^۲ بستگی دارد. و معیارهای یک طرفه (one-sided criteria) که مقادیر قابل قبولشان فقط به یک حد واحد بستگی دارد. در مورد معیارهای دوطرفه می‌توان از طریق فرمول زیر محاسبه مقدار جواب مقیاس‌دار $y'_j(x)$ ^۳، مطلوبیت را مشخص کرد:

$$y'_j(x) = \frac{2y_j(x) - (usl + lsl)}{usl - lsl}$$

^۱upper specification limit (USL)

^۲lower specification limit (LSL)

سپس لازم است کاربر برای معیار $j, y_{j,o}$ و مطلوبیت فرضی do یک مقدار در نظر بگیرد
مثلاً: $y'_{j,o} = -0/1$ و $do=0/63$ (این اعداد باید مستقل از مقادیر معیارهای دیگر باشند)

سپس با جایگذاری این جفت عدد یعنی $(y'_{j,o}, do)$ در معادله، پارمتر n را محاسبه کند:
$$n = \frac{\text{Ln}[\text{Ln}(L/do)]}{\text{Ln} | y'_{j,o} |}$$

در مرحله بعد، مطلوبیت برای یک شاخص دو طرفه، از معادله زیر بدست می آید:

$$dj(y_j(x)) = \exp[-|y'_j(x)|^n] \quad (3)$$

در مورد معیارهای یک طرفه، مطلوبیت فردی به روش زیر محاسبه می شود. مهندس باید
دو جفت $(y_{j,1}, d_1)$ و $(y_{j,2}, d_2)$ را با معیارهای $y_{j,1}$ و $y_{j,2}$ در نظر بگیرد و فرض کند که
 $y_{j,2} > y_{j,1}$ است (البته این قضیه نباید تعمیم داد). سپس با استفاده از فرمول زیر هر یک
از مقادیر جواب را مقیاس دارد نماید:

$$y'_{j,1}(x) = -\text{Ln}[\text{LN}(d_1)] \quad \text{و} \quad y'_{j,2}(x) = -\text{Ln}[\text{LN}(d_2)] \quad (4)$$

سپس با استفاده از رابطه ای خطی زیر مقدار مقیاس دار

$y'_j(x)$ را که متناظر با جواب واقعی $y_j(x)$ است محاسبه کند:

$$y'_j(x) = [(y_j(x) - y_{j,2}) / (y_{j,1} - y_{j,2})] [y'_{j,1}(x) - y'_{j,2}(x)] + y'_{j,2}(x)$$

و مطلوبیت شاخص یک طرفه را با استفاده از فرمول زیر تخمین بزند:

$$dj(y_j(x)) = \exp[-\exp(y'_j(x))] \quad (6)$$

در مرحله دوم برای اینکه بتوان مطلوبیت سیستم را به روش هارینگتون برآورده کرد باید
با استفاده از فرمول زیر مطلوبیت معیارهای فردی را با یکدیگر ترکیب کرد:

$$D(x) = [d_1 (y_1(x))^{o_1} d_2 (y_2(x))^{o_2} \dots d_m (y_m(x))^{o_m}]^{1/s} \quad (7)$$

در این فرمول o_i ارزش هر معیار است و $s = \sum_i o_i$

جدول ۱ - سیستم ارزیابی هارینگتون برای تفسیر میران مطلوبیت d

ارزش	توصیف
۱	رضایت کامل و کیفیت بالا (هر گونه پیشرفتی بالاتر از این نقطه دارای ارزش قابل ملاحظه‌ای نخواهد بود).
۰/۸-۱	قابل قبول و عالی (بیانگر کیفیت یا عملکردی است که فراتر از هر گونه عملکرد تجاری صورت گرفته است).
۰/۶۳-۰/۸	قابل قبول و خوب (بیانگر پیشرفت و بهبود در کیفیت تجاری است).
۰/۴-۰/۶۳	قابل قبول و ضعیف (کیفیت قابل قبول است اما بهبود بیشتری مورد نظر است).
۰/۳-۰/۴	بینابین (اگر حد تعیینی وجود داشته باشد آنگاه بعضی از محصولات درست در نقطه Max یا min این حد قرار می‌گیرند)
۰-۰/۳	غیر قابل قبول (محصولاتی که دارای چنین کیفیتی هستند پذیرفته نمی‌شوند).
۰	کاملاً غیر قابل قبول

این بحث وجود دارد که $o_i = 1$ برای تمام جواب‌های i در اکثر موارد کافی خواهد بود (برای اطلاع بیشتر به هارینگتون مراجعه کنید). Derringer در تحقیقات بعدی نشان داده است که انتخاب ارزش‌های نابرابر o چه امتیازات خاصی دارد. یعنی اگر به جای تغییر دادن برخی از پارامترهای مطلوبیت (مثل d_o, y_{jo}) عمل ارزش‌گذاری را انجام دهیم به روش مستقیم‌تری برای اصلاح اهمیت نسبی دست خواهیم یافت.

اغلب، توابع مطلوبیت استاندارد موقعیتی را به وجود می‌آورند که در آن میانگین فرآیند درجایی درون حدهای تعیین قرار می‌گیرد. (برای اطلاع بیشتر به Derringer, suich, & Harington, Montgomery و Pande و همکارانش مراجعه کنید) اما هیچیک از این توابع هنگام تعیین شیب توابع، و اینکه میانگین دقیقاً در کجای حدها باید واقع شود از انحراف معیار فرآیند استفاده نمی‌کنند. همچنین هیچ یک از توابع مطلوبیتی که

تاکنون وجود داشته است تفسیر ساده‌ای نداشته‌اند تنها استانداردهایی که برای تفسیر توابع مطلوبیت وجود دارد همان است که در جدول (۱) می‌بینید.

۳- روش پیشنهادی

تابع مطلوبیت پیشنهادی بر اساس برآوردهایی است که از محصول به عمل آمده است یعنی بخشی از واحدهای محصول که با فرضیات six sigma (که این فرضیات در اکثر موارد به عنوان استانداردهای پیش فرض تعادلی می‌شوند) تطابق دارند. این فرضیات به طور گسترده توسط pande و همکارانش توصیف شده‌اند. در این بخش فرمولهایی را برای محاسبه محصولات که دارای حد تعیین یک طرفه و دو طرفه هستند مطرح می‌کنیم. سپس دستورالعمل‌هایی را برای تفسیر میزان مطلوبیت ارائه می‌دهیم. این دستورالعمل‌ها براساس فرآیندها و استانداردهای کیفی‌ای هستند که توسط Harry تعریف شده‌اند. در پایان این بخش نیز حساسیت تابع پیشنهادی به فرضیاتی که درباره اندازه تغییرات میانگین و تغییرپذیری فرایند وجود دارد را مورد بررسی قرار می‌دهیم. همچنین می‌گوییم که چگونه می‌توان این کمیت‌ها را به عنوان ضریب تعدیل^۱ برای ویژگی‌هایی که حد تعیین ندارند به کار برد.

۱- ۳- دو نوع فرمول و راه حل

همانگونه که در بخش قبل گفتیم، در متد هارینگتون، در مرحله اول، جهت تعریف تابع پیشنهادی باید برای هر معیار و جواب یک مطلوبیت فردی تعیین کرد هر یک از

¹adjustment factor

شاخصهای کیفی دارای میانگین μ_i و انحراف معیار σ_i هستند. این میانگینها و انحراف معیارها ممکن است خود به عنوان مشخصه یا ویژگی‌هایی در نظر گرفته شوند که با پارمترهای x_1, x_2, \dots, x_p همراه هستند. مسئله دیگر، توجه به مفهوم تغییر (شیفت) $\tau_i \sigma_i$ از میانگین به سمت حد تعیین مربوطه است. در مبحث six sigma مهندسين تشويق شده اند که به مفاهيم ضمنی تغییر یا شیفت $(\tau_i = 1/5)1/5\sigma_i$ در طراحی فرآیندها و محصولات خود توجه داشته باشند (برای اطلاع بیشتر به Harry مراجعه کنید).

در مواردی که مشخصه‌های فردی I دارای حد تعیین بالا (USL) و حد تعیین پایین (LSL) و میانگین، انحراف معیار و دامنه تغییرشان (شیفت) به ترتیب μ_i, σ_i, τ_i است تابع مطلوبیت پیشنهادی به صورت زیر می‌گردد:

$$d_i(\mu_i, \sigma_i, \tau_i) = \min[\text{yield}_i(\mu_i, \sigma_i + \tau_i), \text{yield}_i(\mu_i, \sigma_i, \tau_i)] \quad (8)$$

که در آن:

$$\text{yield}_i(\mu_i, \sigma_i, \tau_i) = \phi[z_{usl,i}(\mu_i, \sigma_i, \tau_i)] - \phi[Z_{lsl,i}(\mu_i, \sigma_i, \tau_i)]$$

در این معادله، ϕ تابع توزیع تجمعی برای متغیرهای تصادفی نرمال واحد است (برای اطلاع بیشتر به khuri و cornell رجوع کنید) و

$$Z_{lsl,i}(\mu_i, \sigma_i, \tau_i) = \left(\frac{1}{\sigma_i}\right)[lsl - (\mu_i + \tau_i \sigma_i)]$$

$$z_{usl,i}(\mu_i, \sigma_i, \tau_i) = \left(\frac{1}{\sigma_i}\right)[usl - (\mu_i + \tau_i \sigma_i)]$$

و:

در این روش، مطلوبیت $di(\mu_i, \sigma_i, \tau_i)$ متناظر با برآورد محافظه کارانه^۱ بخشی از محصولاتی است که با فرضیات six sigma (که استاندارد هستند) مطابقت دارند. فرضیات به این صورتند که مشخصه کیفی به طور نرمال توزیع شده است و تغییری (شیف) از میانگین به سمت حد تعیینی که به میانگین نزدیکتر است صورت گرفته است. $yield_i(\mu_i, \sigma_i, \tau_i)$ با محصول متناظر است (تحت این فرضیه که تغییر و شیف مثبت بوده است) و $yield_i(\mu_i, \sigma_i, -\tau_i)$ با این فرضیه که تغییر و شیف منفی بوده است با محصول متناظر است. مینیمم مقدار این دو تغییر (شیف) به عنوان «محافظه کار» در نظر گرفته می شود.

گرچه فرضیه «نرمال بودن» در مبحث six sigma، استاندارد است ولی در بعضی موارد بهتر است مطلوبیت را براساس تابع توزیع متفاوتی قرارداد. این مسئله در اکثر موارد رعایت می شود زیرا دنباله توزیع مشخصه های کیفی، مطلوبیت را بر اساس تابع توزیع متفاوتی قرارداد. این مسئله در اکثر موارد رعایت می شود زیرا دنباله توزیع مشخصه های کیفی، محصول را کنترل می کند و ممکن است توزیع واقعی نسبت به توزیع نرمال دارای دنباله های سبک تر یا سنگین تر باشد.

با انجام یک آزمون فرضیه در مورد میزان بلندی^۲ و چولگی می توان این موضوع را مورد آزمایش قرارداد. (برای اطلاع بیشتر به Mantgomevy مراجعه کنید). در صورتی که

¹ conservative estimate

تبدیل نرمالی در ارزش‌های مشخصه، حدهای تعیین و تابع توزیع صورت نگیرد معادله (۸) نمی‌تواند بر آورد محافظه کارانه‌ای از محصول ارائه دهد.

شکل ۱ رابطه یک بین تغییرات (شیفت‌ها) و بخشی از محصولاتی که با فرضیات مطرح درباره «نرمال بودن» تطابق دارند را به صورت هندسی نشان می‌دهد. شکل ۲ نیز بیانگر تابع مطلوبیت برای مقادیر فرضی انحراف معیار، معیارهای فردی است (σ_i). این تابع به عنوان تابع میانگین معیارها (μ_i) در نظر گرفته می‌شود. در مواردی که حد تعیین بالا وجود ندارد، عبارت $\phi[z_{\alpha}(\mu_i, \sigma_i, s_i)]$ در معادله (۸) برابر با یک می‌شود. و اگر حد تعیین پایین وجود نداشته باشد عدد صفر جایگزین عبارت $\phi[z_{\alpha}(\mu_i, \delta_i, s_i)]$ می‌شود.

شکل ۱ - کمیت‌های (مقادیر) به کار رفته برای محاسبه توابع مطلوبیت پیشنهادی.

شکل ۲ - تابع مطلوبیت پیشنهادی

۲ - ۳ تفسیر تابع مطلوبیت پیشنهادی

برای اینکه بتوان ارزش‌های مطلوبیت پیشنهادی را تفسیر کرد به سیستم ارزیابی جدیدی نیاز است. در جدول (۲) ارزش‌های سیستم پیشنهادی مورد تفسیر قرار گرفته‌اند (برای اطلاعات بیشتر به Harry ، pande و همکارانش مراجعه کنید). این سیستم ارزیابی به ویژه زمانی دارای اهمیت می‌شود که شاخص‌های کیفی‌ای که برایشان هیچگونه مشخصاتی وجود ندارد باید مورد بررسی قرار گیرند. برای مثال، در جوش کاری قوسی افزایش سرعت حرکت باید تأثیر بسزایی بر روی کیفیت محصول داشته باشد زیرا این عامل به طور مستقیم با رشد بهره‌وری ارتباط دارد. در این موارد، تصمیم گیرنده باید به طور ذهنی تصمیم بگیرد که ارزش کدام یک از این معیارها خوب و قابل قبول هستند. در مثال زیر، یک روش برای انجام این کار توضیح داده شده است. این روش شامل تعیین هدف و مقادیر میانگین و تبدیل آنها به مقیاسی که به آسانی با برآوردهای محصول، قابل مقایسه باشد، می‌شود.

جدول ۲ - تفسیر مطلوبیت / محصول دراز مدت با فرض تغییر و شیف $\pi_i = 1/5$

توصیف	ارزش
استاندارد جدید $6\sigma_i$ برای کیفیت (هر پیشرفتی بالاتر از این مقدار دارای ارزش قابل ملاحظه‌ای نخواهد بود)	۰/۹۹۹۹۹۶۶-۱ -۰/۹۹۹۹۹۶۶
خوب است اما کیفیت عالی محسوب نمی‌شود (استاندارد $4\sigma_i$ منحنی)	۰/۹۹۳۸
قابل قبول ولی شغیف (استاندارد $3\sigma_i$ تاریخی)	۰/۹۳۳۲ - ۰/۹۹۳۸
غیرقابل قبول (یحک استاندارد $2\sigma_i$)	۰/۶۹ - ۰/۹۳۳۲
کاملاً غیرقابل قبول	۰ - ۰/۶۹

۳ - ۳ روش پیشنهادی برای محاسبه مطلوبیت کلی

روش‌های زیادی معرفی شده است که از طریق آنها می‌توان چند تابع مطلوبیت فردی را با یکدیگر ترکیب، و تابع مطلوبیت کل یعنی $D(x)$ را محاسبه کرد. برای آنکه تفسیر مطلوبیت به عنوان یک محصول، همچنان به قوت خود باقی بماند در زیر روش مطرح شده توسط Derringer, Suigc با کمی اصلاحات ارائه شده است. معیارهای دیگر مثل $I=r+1, \dots, m$ ویژگی‌هایی هستند که ارزش‌ها برای آنها باید تعیین شوند. فرمول پیشنهادی به شرح زیر است:

$$D(x) = \left\{ \begin{array}{l} [d_1(y_1(x))d_2(y_2(x))\dots\dots\dots d_r(y_r(x))]^{wr} \\ [d_{r+1}(y_{r+1}(x))^{wr+1} \cdot d_{r+2}(y_{r+2}(x))^{wr+2} \dots\dots\dots d_m(y_m(x))^{wm}] \end{array} \right\} \quad (11)$$

$$S = \sum_{i=r}^m \omega_i \quad \text{که در آن}$$

مقادیر داخل گروه‌های اول در معادله بالا مربوط به برآورد بازده کل فرآیند (با توجه به فرضیات زیر) می‌شوند. اولاً فرض بر آن است که شیفت‌ها و تغییرهای چندگانه در میانگین به صورت همزمان رخ می‌دهند. ثانیاً فرض می‌کنیم که حادثه عدم تطابقی که

در نتیجه^۱ خرابی محصولات به وجود می‌آید مستقل است. توجه داشته باشید این فرضیه که خرابی‌های تصادفی از هر نوع به طور مثبتی به یکدیگر همبسته هستند به طور ضمنی به این معناست که معادله (۱۱) می‌تواند برآورد محافظه کارانه‌ای از محصول (بازده) ارائه دهد.

پارامتر ω این امکان را فراهم می‌آورد که بتوان اهمیت محصول کلی (بازده کلی) را در مقایسه با دیگر مطلوبیت‌های فردی تنظیم کرد. تفاوت اصلی بین راه حل پیشنهادی و روش که Derringer, suich ارائه داده‌اند این است که مقدار s با افزایش تعداد معیارهایی که مربوط به «عدم تطابق با مشخصه‌ها» می‌شوند افزایش نمی‌یابد. از این رو تأثیر این خرابی‌های چندگانه با یکدیگر جمع می‌شوند و میانگین‌شان محاسبه نمی‌گردد. این حالت‌های خرابی (Failure) در واقع بیانگر محصول واقعی‌ای هستند که طی فرایند بدست آمده است.

در بعضی موارد (از جمله مثالی که در زیر ارائه می‌کنیم)، ضرر مالی مورد انتظار متناسب با بخشی از محصول است که با استانداردها مطابقت ندارد. از این رو مادامی که ضررهای مالی «کوچک» در نظر گرفته شوند تابع مطلوبیت پیشنهادی با میزان بهره‌وری متناسب خواهد بود. گرچه ارزش‌های ω_i در مواردی که خرابی‌های خاص محصول نسبت به موارد دیگر از اهمیت بیشتری برخوردار هستند، از خود انعطاف بیشتری نشان می‌دهند

¹Failure

ولی بهتر است برای متناسب ساختن مطلوبیت با میزان بهره‌وری از همان روش‌هایی استفاده کرد که در ترکیب مطلوبیت‌های فردی به کار می‌روند.

همچنین در بعضی از موقعیت‌ها، مهندس باید حدس بزنند که معیارهای کیفی y_1, y_2, \dots, y_m تا حد زیادی همبستگی دارند. یعنی زمانی که یکی از این معیارها خارج از حد تعیین خود قرار گیرند. در این موارد، KIM و LIN روش Maximin¹ را برای ترکیب توابع مطلوبیت پیشنهاد می‌کند. زیرا در این روش، وابستگی‌ها منجر به ایجاد ارزش‌های نامعقول برای تابع مطلوبیت نمی‌شوند. در این روش، مطلوبیت کلی، حداقل مطلوبیت‌های فردی است. (di). هنگام استفاده از روش Maximin و به کارگیری توابع مطلوبیت فردی باید ارزش‌های زیر را تعریف کنیم $q_i = 0, 1, \dots, I$ حاصل ضرب مطلوبیت‌های فردی برای مجموعه‌ای از معیارهای غیر همبسته 0 است که با حدهای تعیین همراه هستند. هنگامی که در روش Maximin به جای d_i از q_i استفاده می‌کنیم تفسیر $D(x)$ به عنوان ارزش بازده (محصول) تا حدی به قوت خود باقی می‌ماند زیرا q_i برآوردهای محصول هستند. ما پیشنهاد می‌کنیم هنگامی که معیارها، همبستگی زیادی با یکدیگر دارند از روش Kim و Lin برای ترکیب مطلوبیت‌های فردی استفاده کنید.

¹Maximin

۴ - مورد پژوهشی : جوش کاری قوسی "3/16 جوش نواری (جوش

گوشه)

نمونه‌ای که در زیر مطرح می‌کنیم با استفاده از توابع مطلوبیت (از جمله متد هارینگتون) بهینه‌سازی شده است. در اینجا در نظر داریم نتایج حاصل از این نوع بهینه‌سازی را با نتایجی که خود بدست آورده‌ایم مقایسه کنیم. اهداف طراحی و کاربرد RSM در مدل‌سازی معیارها به عنوان تابعی از متغیرهای تصمیم، موضوعاتی هستند که در ابتدای امر به آن می‌پردازیم. سپس به کاربردی که توابع مطلوبیت و تابع مطلوبیت پیشنهادی در بهینه‌سازی چند معیاری (در فرایند six sigma) دارند اشاره می‌کنیم.

۱- ۴ - بررسی اهداف و مدل‌های رگرسیون

هدف سازندگان لوازم یدکی و تجهیزات سنگین این است که ضمن انجام جوش کاری‌هایی که با استانداردها مطابقت دارد. میزان بهره‌وری را به حداکثر برسانند. موردی که در زیر به آن می‌پردازیم نیز بر همین اساس تنظیم شده است. طراحی پارامتر جوشکاری شامل انتخاب متغیرهای تصمیمی می‌شود که در شکل ۳ نشان داده شده‌اند به طوری که معیارهای نشان داده شده در شکل ۴ با مشخصات مطابقت داشته باشند. سرعت حرکت x_5 هم یک ورودی است و هم یک معیار زیرا این متغیر تقریباً با زمان چرخه فرآیند رابطه معکوس دارد. بررسی اهداف شامل رسیدن به $y_3 = 4 - ipm$ برای سرعت حرکت می‌شود. زیرا قبلاً مشخص شده است که این مقدار سرعت از صرف هزینه‌های اضافی در تجهیزات اضافی جلوگیری می‌کند. پارامتر π_i برای تمام Iها برابر

۱/۵ است و بالاخره از آنجا که معیارها تقریباً از اهمیت یکسانی برخوردار هستند پارامترهای ω_i (از معادله ی ۱۱) برای تمام I ها برابر با یک در نظر گرفته می شود. به منظور مدل سازی از معیارها به عنوان توابع ورودی های فرآیند، از RSM ها استفاده شده است. آزمایش ها، مطابق با یک طرح آزمایشی که توسط Box , Behnken ارائه شده است، صورت گرفته اند زیرا این طرح آزمایشی با محدودیت ها بودجه بندی مطابقت دارد و مهندسی بر این باورند که طرح مذکور می تواند مدلی را ایجاد کند که قادر است پیش بینی های درست و قابل قبولی انجام دهد. برای مقایسه، آزمایش ها یک بار دیگر به روش Ribardo و یا استفاده از روش های چندگانه (از جمله RSM های هزینه پایین که توسط Allen & Liyong ، Koc و همکاران ، Allen و همکاران مطرح شده اند) صورت گرفته اند.

سطوح آزمایش در جدول ۳، و جواب ها و ورودی های آزمایشی در جدول ۴ نمایش داده شده اند. از آنجا که داده های جواب (Response data) نشان می دهند که احتمال بروز هیچگونه عدم تطابقی وجود ندارد (به دلیل وجود معیارهای جواب دیگری که در شکل ۴ نشان داده شده اند و ارزش های مربوط به آنها در جدول ۴ ذکر شده است) این معیارها در بهینه سازی چند معیاری مورد توجه و بررسی قرار گرفته اند.

مدل های پیش بینی از روی داده های موجود در جدول ۴ و با استفاده از رگرسیون کمترین مجذور است^۱ که در این حالت با رگرسیون چند جوابی^۱ هم تراز است - به وجود آمده اند.

¹Least - squares regression

مدل‌های که برای پیش‌بینی متوسط گودافتادگی و تحذب ایجاد شده‌اند: $y_{1.est}$ و $y_{2.est}$ ،

عبارتند از:

$$\begin{aligned} y_{1.est} = & -۸/۹۱ - ۳/۹۹ x_1 + ۳/۰۰۱ x_2 - ۰/۰۳۲۲ x_3 + ۲۴۴ x_4 + ۰/۰۹۲۱ x_5 \\ & + ۱۰/۸ x_1^2 + ۰/۹۳ x_2^2 + ۰/۰۰۰۲۷۵ x_3^2 + ۱۵۲۰ x_4^2 + ۰/۰۰۱۵ x_5^2 \\ & + ۰/۴۶۱ x_1 x_2 - ۰/۰۴۴۹ x_1 x_3 + ۸۵/۸ x_1 x_4 - ۰/۰۲۹۴ x_1 x_5 \\ & + ۰/۰۲۱۸ x_2 x_3 + ۲/۴۳ x_2 x_4 + ۰/۵۸۵ x_2 x_5 + ۰/۸۳۸ x_3 x_4 \\ & - ۰/۰۰۰۸۲۲ x_3 x_5 + ۲/۶۲ x_4 x_5 \end{aligned}$$

و

$$\begin{aligned} y_{2.est} = & -۴/۹۵ + ۲۸/۱ x_1 - ۱۴۱ x_2 - ۰/۱۴۵ x_3 + ۲۶۲ x_4 + ۰/۰۵۳۲ x_5 \\ & - ۱۴/۸ x_1^2 + ۵/۱۱ x_2^2 + ۰/۰۰۰۱۰۹ x_3^2 - ۴۱۶۰ x_4^2 - ۰/۰۰۱۸۹ x_5^2 \\ & + ۲۰/۴ x_1 x_2 - ۰/۱۶۷ x_1 x_3 + ۹۳/۳ x_1 x_4 + ۰/۳۸۵ x_1 x_5 \\ & + ۰/۰۳۵ x_2 x_3 + ۱۳۰ x_2 x_4 - ۰/۰۲۰۸ x_2 x_5 + ۳/۱۳ x_3 x_4 \\ & + ۰/۰۰۱۵۱ x_3 x_5 + ۲/۱۷ x_4 x_5 \end{aligned}$$

(۱۲)

جهت خرید فایل word به سایت www.kandoo.cn.com مراجعه کنید
یا با شماره های ۰۹۳۶۶۰۲۷۴۱۷ و ۰۹۳۶۶۴۰۶۸۵۷ و ۰۶۶۴۱۲۶۰-۵۱۱ تماس حاصل نمایید

شکل ۳ - متغیرهای تصمیم برای مطالعه جوش کاری

شکل ۴ - معیارهای جواب برای بررسی جوش کاری قوسی

جدول ۳ - عوامل و سطوح انتخابی برای آزمایش RSM

عامل (ضریب)	سطوح
$x_1 =$ طول قوس	جاسازی / شده، ۱/۴ in، ۱/۸
$x_2 =$ CTWD	۵/۸، ۶/۸، ۷/۸ in
$x_3 =$ زاویه ی مشعل	۱۵- و ۱۵ درجه
$x_4 =$ قطر سیم	۰/۰۴۵ و ۰/۰۵۲ و ۰/۰۶۲ in
$x_5 =$ سرعت حرکت	۲۰ و ۳۰ و ۴۰ ipm

جدول ۴ - ورودی‌ها و داده‌های جواب طرح Box - Behnken

جدول ۴، ضرایب هرجواب را از روی عبارتی که در مدل ضرب شده ارائه داده است.

R^2 تنظیم شده برای دو مدل به ترتیب برابر با ۶۵/۳٪ و ۸۵/۱٪ است. ما برای انحراف معیارهای فرآیند از sqrt (میانگین مجذورات اشتباه)^۱ استفاده کرده ایم که این میزان برای گودافتادگی و تحدب به ترتیب برابر است با $\sigma_{1,est} = 0/25mm$ و $\sigma_{2,est} = 4/0mm$. از آنجا که در آزمایش ما محدودیت‌های هزینه‌ای وجود دارد، ما در این تحلیل فرض را بر آن می‌گیریم که تغییرپذیری فرآیند تا حد مطلوبی ثابت است. اگر می‌توانستیم کل run ۴۶ را مجدداً تکرار کنیم آنگاه قادر بودیم $\sigma_{1,est}$ و $\sigma_{2,est}$ را به عنوان توابع ورودی‌های فرآیندمان قرار دهیم. برای کسب اطلاع در مورد مدل‌سازی همزمان میانگین و انحراف معیار به کمک RSM به Allen، Ribardo، Montgomery، Myers و همکارانش مراجعه کنید. به طور مشابه، L چولگی 5 نقطه مرکزی تکراری را برای هر مشخصه محاسبه می‌کنیم. میزان چولگی برای گودافتادگی و تحدب به ترتیب برابر با ۲/۲ و ۰/۶۲- است. اگر می‌بینید چولگی گودافتادگی با فرضیاتی که درباره «نرمال بودن» موجود است، همخوانی ندارد تعجب نکنید زیرا طبق تعریف، گودافتادگی نمی‌تواند منفی باشد.

این الزاماً بیدن معنی نیست که توزیع یک دنباله مهم بایک توزیع نرمال تقریب زده نشده است. بدون داده‌های اضافی برای بررسی داده‌ها، ما محاسبات مطلوبیت خود را (با

¹ mean square error

استفاده از معادله ۸) براساس این فرض انجام می‌دهیم که توزیع گودافتادگی تقریباً نرمال است.

۲- ۴ کاربرد توابع مطلوبیت متفاوت

در این بخش، بهینه‌سازی تابع مطلوبیت پیشنهادی در مورد جوشکاری را در ارتباط با کشتی‌سازی مورد بررسی قرار می‌دهیم در این مثال چون هزینه آزمایشی هستند لازم است فرض کنیم که واریانس فرایند در تمام منطقه ثابت است. این مثال در صورت ثابت بودن واریانس نیز به، نشان می‌دهد که متد پیشنهادی چه مزایای مهمی دارد. یک روش کلی برای معیارهایی که فاقد مشخصات هستند ولی می‌توان برای آنها یک هدف و یک حداقل ارزش قابل قبول تعیین کرد ارائه داده‌ایم که به کمک آن می‌توان مطلوبیت معیار سرعت حرکت را که فاقد مشخصه مهندسی است و انحراف معیاری برابر با صفر دارد تعیین کرد.

اصول حاکم بر تعیین تابع مطلوبیت به شرح زیر است: (۱) حفظ تناظر و تناسب بین مطلوبیت و محصول (بازده) تا جایی که امکان دارد. (۲) مرتبط ساختن مطلوبیت با سطح کیفی فرآیندی که در مبحث six sigma مطرح و در جدول ۲ تکرار شده است. $d_1(y_1(x))d_2(y_2(x))$ در مرحله بعد نتایج حاصل از بهینه‌سازی تابع مطلوبیت پیشنهادی که از طریق پیش‌گویی‌های مدل رگرسیون درباره متوسط گودافتادگی و تحذب و سرعت حرکت بدست آمده است مورد بررسی قرار می‌گیرد و بالاخره به منظور مقایسه نتایج حاصل از بهینه‌سازی تابع مطلوبیت (از طریق متدهارینگتون) مطرح می‌شود.

تمام توابع مطلوبیت از جمله توابع پیشنهادی ما و توابع دیگر که توسط Castillo و همکارانش، Derringer، Harington، kim & Lin مطرح شده‌اند به طور دقیق می‌توانند مواردی را که در آنها مشخصات محصول در دسترس است، توجیه کنند. در این موارد به تنها نکته‌ای که باید توجه داشت این است که مبادا تغییرپذیری فرایند باعث شود محصولات نتوانند منطبق با مشخصات، تولید شوند. در بقیه موارد معیارها با مشخصات همراه نیستند و تغییرات این معیارها چندان مورد توجه قرار ندارد. برای مثال، سرعت حرکت دارای هیچ حد معینی نیست و می‌توان آن را به طور دقیق با اپراتور دستگاه $(\sigma_5) = 01$ تعیین کرد. در این گونه موقعیت‌ها می‌توان از روش زیر برای تعیین ذهنی مطلوبیت بهره گرفت. هدف روش پیشنهادی این است که تا حد ممکن تفسیر مطلوبیت کلی را به عنوان یک بازده (محصول) و یا محصول موثر به حداقل برساند و تناسب آن را با استانداردهای six sigma که در جدول ۲ مطرح شده است حفظ کند. روش پیشنهادی شامل تعیین ارزش هدف (Ti) و حداقل ارزش قابل قبول Mi می‌شود. سپس برای محاسبه مطلوبیت از رابطه زیر استفاده می‌کنیم:

$$z_{eff,i} = 1/5 + 3(y_i - Mi)/(Ti - Mi) \quad , \quad di(y_i) = \phi(z_{eff,i} - 1/5) \quad (13)$$

در اینجا نیز تابع ϕ توزیع نرمال تجمعی است که در نرم افزار صفحه گسترده استاندارد نیز موجود می‌باشد.

مقدار بدست آمده $z_{eff,i}$ با $z_{LSL,i}$ یا $z_{USL,i}$ متناظر است (برای معیارهایی که دارای حد تعیین یک طرفه هستند).

جدول ۵ - فرضیاتی که هنگام محاسبه ی مطلوبیت راه حل های خاص به کار می روند.

معیار	نوع	ورودیها
گودافتادگی	یک طرفه	$(y_{1,1} = 1mm, d_{1,1} = 0/37)$ $(y_{1,2} = 0mm, d_{1,2} = 0/9999)$
تحدب	دو طرفه	$(LSL = -1mm, USL = 1/6mm)$ $(y_{2,0} = 0/23, d_{2,0} = 0/9999)$
سرعت حرکت	یک طرف	$(y_{3,1} = 40ipm, d_{3,1} = 0/9999)$ $(y_{3,2} = 30ipm, d_{3,2} = 0/37)$

برای اینکه بتوانیم setting فرآیند پیشنهادی را در مورد جوشکاری بدست آوریم باید RSMها و تابع مطلوبیت پیشنهادی در معادلات (۷) و (۱۳) را به صورت کد وارد یک صفحه گسترده کنیم سپس با استفاده از *Excel™* و انتخاب تصادفی ۲۰ نقطه شروع به setting های پیشنهادی زیر می رسیم: $x_1 = 0/141in$ و $x_2 = 0/875in$ و $x_3 = 3/14in$ و $x_4 = 0/0451in$ و $x_5 = 34/91in$ (رجوع شود به جدول ۴).

فضای جستجو تنها محدود به ناحیه آزمایشی می شود به طوریکه بتوان انتظار داشت که صحت مدل های پیش بینی بیشتر از تکرارپذیری تخمینی فرآیند است. صحت پیش بینی مربوط به طرح های آزمایشی Box - Behnken، توسط Allen و *yu* مورد بررسی قرار گرفته است. مقادیر معیارهای پیش بینی شده عبارتند از:

$y_1 = -0/058mm$ و $y_2 = -0/3mm$ و $y_3 = -34/9ipm$ ، مطلوبیت کل ۰/۹۷۷۵ محاسبه شده است. که این مقدار متناظر با برآورد محافظه کارانه «محصول موثر» می باشد. از آنجا که این مقدار مبتنی بر پیش بینی هایی که در مورد گودافتادگی و محدب صورت رفته

است و این پیش‌بینی‌ها دارای خطای قابل اغماض نیستند، فرض را بر آن می‌گیریم که آزمایش‌های مکرر، این پیش‌بینی‌ها را تأیید کرده‌اند. فرضیات از این نوع در محبت six sigma متداول هستند و تا حد زیادی توسط فرضیه تغییر (شیفت) $1/5\sigma$ تعدیل شده‌اند. با این فرضیات و فرضیاتی که قبلاً مطرح شده است مطلوبیت کل را می‌توان به این صورت تفسیر کرد: فرآیند قابل قبول ولی ضعیف است و منطبق با استانداردهای « 3σ » تاریخی می‌باشد.

کاربرد تابع مطلوبیت به روش هارینگتون در معادلات (۱) تا (۷) مستلزم چند فرض است که در جدول ۵ خلاصه آن را مشاهده می‌کنید انتخاب $y_{1,1} = 1mm$ و $d_{1,2} = -0/9999$ پیرو این واقعیت صورت گرفته است که طبق مشخصات $ANSI / AWS D1.1$ (که یک استاندارد کیفی بین‌المللی است) $1mm$ حداکثر میزان گودافتادگی مجاز است. انتخاب $y_{1,1} = 1mm$ و $d_{1,2} = -0/9999$ از این لحاظ صورت گرفته است که این مقدار، برای این مشخصه مثبت، مقدار ایده‌آلی است. ارزش‌های $usL = 1/6mm$ و $LSL = -1mm$ برای میزان تحذب نیز بر اساس استاندارد $ANSI / AWS D1.1$ صورت گرفته است. انتخاب $y_2 = -0/23$ و $d_{2,0} = 0/9999$ منعکس‌کننده این واقعیت است که تحذب $0mm$ یک ایده‌آل است. انتخاب مطلوبیت $d_3 = 0/9999$ به طور ضمنی بیان می‌کند که $40 ipm$ باید به عنوان حداکثر سرعت حرکت مطلوب ($y_3 = 40ipm$) در نظر گرفته شود. اگر سرعت حرکت بالاتر از این مقدار نباشد آنگاه باید $y_{3,2} = 30ipm$ و $d_{3,2} = 0/37$ را برای موقعیت‌هایی انتخاب کرد که در آن

نیاز به تجهیزات یدکی احساس شود. استفاده از ExcelTM و انتخاب تصادفی ۲۰ نقطه شروع منجر به ایجاد ارزش‌ها و مقادیری می‌شود که در جدول ۴ می‌بینید. مقادیر بدست آمده عبارتند از: $x_1 = 0/083in$ و $x_2 = 0/875in$ و $x_3 = 0^0$ و $x_4 = 0/0451in$ و $x_5 = 40ipm$. توجه داشته باشید که این مجموعه از واحدها استاندارد هستند و در مبحث جوش کاری از جحیت دارند. معیارهای پیش‌بینی شده عبارتند از $y_1 = -0/105mm$ و $y_2 = 0/627mm$ و $y_3 = 40ipm$. با استفاده از تابع مطلوبیت هارینگتون برابر با ۱ می‌شود ولی با استفاده از تابع مطلوبیت پیشنهادی مقدار آن برابر با $0/8994$ می‌گردد. توجه به این نکته مهم است که راه حل بدست آمده به جزئیات فرضیات هارینگتون حساسیت ندارد. برای مثال، اگر ماکزیمم مقدار مطلوب سرعت حرکت برابر با $69 ipm$ باشد (یعنی $y_3 = 4 ipm$) و یا مقدار $y_{3,0}$ برابر $0/02$ باشد میزان مطلوبیت بالاتر از $0/99$ می‌گردد.

با برآوردهای محافظه کارانه‌ای که در مورد محصول (بازده) و محصول موثر به عمل آمده، معلوم شده است که بهینه‌سازی تابع مطلوبیت به روش هارینگتون منجر به کیفیت 2σ می‌شود که غیر قابل قبول است. از یک دیدگاه عینی، طراحی سیستم انتخاب شده ضعیف و نامناسب بوده است زیرا با توجه به مشخصی تحذب، این سیستم منجر به یک فرایند غیر متمرکز می‌شود و cpk برابر با $0/82$ می‌گردد. این امر باعث می‌شود هزینه بالایی صرف بازرسی کامل و دسته‌بندی شود. ارزیابی‌هایی که دربارهٔ setting‌های بدست آمده صورت گرفته است (با استفاده از تابع مطلوبیت هارینگتون) منجر به برآوردهایی

شده است که عبارتند از ۰/۸۰۸۹ برای محصول (بازده) و ۰/۸۹۹۴ برای «محصول موثر».

همچنین به کمک تابع مطلوبیت هارینگتون، ارزیابی‌هایی دربارهٔ setting بدست آمده از هر دو روش، صورت گرفته است که مقدار بالای محاسبه شده این حس نادرست را در آزمایشگر به وجود می‌آورد که اگر هر دو setting پیشنهادی مورد استفاده قرار گیرند فرآیند، عالی می‌شود.

از طریق بهینه‌سازی تابع مطلوبیت پیشنهادی، محصول مطلوب با برآورد محافظه کارانه برابر با ۰/۹۷۷۵ می‌شود که این مقدار بیشتر از settingهایی است که به روش هارینگتون بدست می‌آید. طبق استاندارد six sigma و جدول ۲، این میزان با کیفیت 3σ (استاندارد تاریخی) متناظر است. همچنین با توجه به مشخصهٔ تحذب، میزان Cpk برابر با ۱/۱ می‌شود. بنابراین پیشنهاد ما این است که بهتر است با استفاده از نمودار کنترل، از صرف هزینه‌های مربوط به بازرسی کامل جلوگیری کرد. (برای آگاهی به khuri و cornell مراجعه کنید). فرآیند متمرکز است. و این چیزی است که مهندسين کیفی با در نظر گرفته این واقعیت که ممکن است شاخص‌های صلاحیت^۱ کوچک در نظر گرفته شوند، آن را به فرآیندهای دیگر ترجیح می‌دهند.

صرف نظر از جزئیاتی که در فرضیهٔ ما دربارهٔ فرآیند و نحوهٔ به کارگیری متد هارینگتون وجود دارد این موضع که تابع مطلوبیت پیشنهادی می‌تواند منجر به ایجاد یک فرآیند عالی شود منطقی به نظر می‌رسد. همچنین روش پیشنهادی می‌تواند با صحت کامل

¹capabilty indices

جهت خرید فایل word به سایت www.kandoo.cn.com مراجعه کنید
یا با شماره های ۰۹۳۶۶۰۲۷۴۱۷ و ۰۹۳۶۶۴۰۶۸۵۷ و ۰۶۶۴۱۲۶۰-۵۱۱ تماس حاصل نمایید

تشخیص دهد که چون شاخص صلاحیت فرآیند، پایین است، تکنولوژی مربوط فقط می‌تواند یک سطح معمولی از کیفیت را بوجود آورد. برای اطلاع بیشتر به khuri و cornell مراجعه کنید. ما بر این باور هستیم که این نتایج را می‌توان در مورد تمام توابع مطلوبیت (به غیر از تابعی که ما پیشنهاد دادیم) تعمیم داد. زیرا هیچ مولف دیگری روش واضحی را ارائه نداده است که در آن برای تعیین مقادیر مطلوبیت از تغییرپذیری فرآیند استفاده شده باشد.

جدول ۶ - مقایسه ی نتایج بدست آمده از روش های مختلف

	روش هارینگتون	روش پیشنهادی
Setting های مطلوب (x)	$x_1 = 0/083", x_2 = 0/875" x_3 = 0^0$ $x_4 = 0/045", x_4 = 40ipm$	$x_1 = 0/141", x_2 = 0/875" x_3 = 14/3^0$ $x_4 = 0/045", x_4 = 34/9ipm$
متوسط جواب های پیش بینی شده $Y_i(x)$	$y_1 = 0/11mm, y_2 = 0/62mm,$ $y_3 = 40ipm$	$y_1 = -0/06mm, y_2 = 0/3mm,$ $y_3 = 34/9ipm$
مطلوبیت هارینگتون	۱	۰/۹۹۹۶
مقادیر d_i های فردی (متد پیشنهادی)	$d_1 = 0/981, d_2 = 0/824, d_3 = 1$	$d_1 = 0/9968, d_2 = 0/9599,$ $d_3 = 0/99985$
مطلوبیت/ محصول موثر (متد پیشنهادی)	۰/۸۹۹۴	۰/۹۷۷۵

نتیجه گیری:

در این مقاله تابع مطلوبیت جدیدی ارائه داده‌ایم که مهندسین را در بهینه‌سازی چند معیاری یاری می‌کند امتیازات تابع پیشنهادی عبارتند از:

۱ - مقادیر موجود در این تابع تفسیر ساده‌ای دارند و محصول با توجه به فرضیات محافظه کارانه‌ای که در مبحث six sigma استاندارد تلقی می‌شوند، تولید می‌گردد. احتمال اینکه فردی با انجام برآوردهای محافظه کارانه دربارهی بازده فرآیند، به نتیجه غلط برسد کم است. به بیان دیگر هنگامی که فرآیند با استانداردهای $6\sigma, 4\sigma$ مطابقت دارند احتمال کمی وجود دارد که طراحی فرآیند منجر به بازدهی پایین شود.

۲ - از آنجا که تابع پیشنهادی صریحاً به عنوان تابعی از میانگین و انحراف معیار مشخصه‌های کیفی و معیارهای مربوطه مطرح شده است این احتمال وجود دارد که setting هایی که با استفاده از تابع ما به دست می‌آیند نسبت به setting هایی که از طریق توابع مطلوبیت دیگر حاصل می‌شوند بیشتر با اولویت‌های مهندسین متناسب باشند. علت این است که در تحقیقاتی که در گذشته صورت گرفته است تابعی در مورد میانگین و انحراف معیار فرآیند به وجود نیامده است. برای کسب آگاهی بیشتر به

Castillo و همکاران ، Derringer ، Derringer & suich ، Harrington ، Kim & Lin مراجعه کنید. این واقعیت که مطلوبیت میانگین setting ها تا حد زیادی به انحراف معیار فرآیند بستگی دارد باعث ایجاد محدودیت در مزایای این توابع می‌شود. برای مثال در نمونه‌ای که برای شما ارائه داریم. انحراف معیار مشخصه تحذب بالا بود ($cp=1/1$) و تابع

مطلوبیت پیشنهادی منجر به یک فرآیند متمرکز و یک $C_{pk} > 1$ شد. ولی تابع مبتنی بر هارینگتون منجر به یک فرآیند غیر متمرکز و یک $C_{pk} < 1$ شد که احتمال اینکه در این روش هزینه بیشتری صرف بازرسی کامل شود بیشتر است.

و بالاخره فرصت‌های متعددی برای به کارگیری و گسترش تابع مطلوبیت پیشنهادی وجود دارد. اولاً توابع مطلوبیت پیشنهادی روش منسجمی را ارائه می‌دهند که از طریق آن می‌توان استانداردهای کیفی sixsigma را تا سطح طراحی چند معیاری توسعه داد. برای به حداکثر رساندن مزایای sixsigma لازم است تحقیقات و بررسی‌های کاملی در مورد معانی ضمنی آن و روش‌های به کارگیری آن انجام دهیم و ثانیاً این موضوع که باید توابع مطلوبیت پیشنهادی را با فرمول‌های منطقی و تئوری مرتبط ساخت از اهمیت خاصی برخوردار خواهد شد. برقراری این نوع روابط باعث می‌شود سطح مناسب‌تری برای کیفیت sigma و کیفیت محصول مطرح گردد؛ کیفیتی که در آن مسائل اقتصادی مد نظر قرار گرفته می‌شوند. ثالثاً در موقعیت‌هایی که در آن به نظر می‌رسد مدلهای رگرسیون از قدرت پیش بینی ضعیفی برخوردار هستند لازم است توابع مطلوبیت پیشنهادی را به گونه‌ای اصلاح کنیم که بتوانند عدم قطعیت پیش‌بینی‌ها را توجیه کنند. Lin , Kim این کار را در مورد برخی توابع مطلوبیت انجام داده اند و فرصت‌هایی را برای توسعه میزان مطلوبیت طراحی‌های مهندسی به وجود آورده‌اند. برای مثال ممکن است setting های مطلوب خارج از منطقه آزمایش قرار بگیرند اما آنقدر به منطقه نزدیک باشند که مدل‌های تجربی بتوانند ارزش‌های آنها را با دقت شایسته‌ای پیش‌بینی کنند.

جهت خرید فایل word به سایت www.kandooen.com مراجعه کنید
یا با شماره های ۰۹۳۶۶۰۲۷۴۱۷ و ۰۹۳۶۶۴۰۶۸۵۷ و ۰۶۶۴۱۲۶۰-۰۵۱۱ تماس حاصل نمایید

www.kandooen.com

www.kandooen.com

www.kandooen.com

Filename: Document1
Directory:
Template: C:\Documents and Settings\hadi tahaghoghi\Application
Data\Microsoft\Templates\Normal.dotm
Title: Six sigma
Subject:
Author: mr arabi
Keywords:
Comments:
Creation Date: 3/18/2012 11:23:00 PM
Change Number: 1
Last Saved On:
Last Saved By: Novin Pendar
Total Editing Time: 0 Minutes
Last Printed On: 3/18/2012 11:23:00 PM
As of Last Complete Printing
Number of Pages: 34
Number of Words: 5,501 (approx.)
Number of Characters: 31,359 (approx.)